



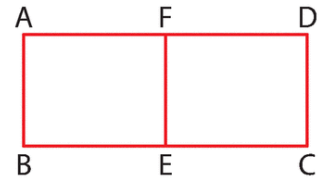
2020 2021 – Test 2 Produit Scalaire – Première – Spécialité Mathématiques

Compétences vérifiées :

- Calculer un produit scalaire en utilisant une projection orthogonale
- Calculer un produit scalaire à l'aide de la formule du cosinus
- Calculer un produit scalaire dans un repère orthonormé
- Utiliser les propriétés du produit scalaire

Exercice 1 (4 points)

On considère un rectangle ABCD tel que AB = 3 et BC = 8. Les points E et F sont les milieux des segments [BC] et [AD]. Calculez les produits scalaires suivants :



$$\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AE} =$$

$$\overrightarrow{FB} \cdot \overrightarrow{BC} =$$

$$\overrightarrow{DF} \cdot \overrightarrow{CB} =$$

$$\overrightarrow{AD} \cdot \overrightarrow{BA} =$$

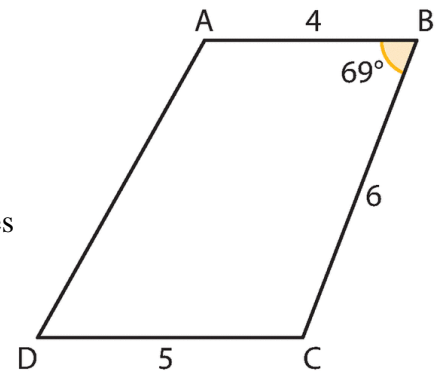
$$\overrightarrow{BC} \cdot \overrightarrow{BD} =$$

Exercice 2 (2 points)

On donne la figure ci-contre.

Calculez le produit scalaire suivant en donnant le résultat arrondi à 0,01 près

$$\overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{BC} =$$



Exercice 3 (2 points)

Dans un repère orthonormé, on donne $\vec{u} \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix}$, $\vec{v} \begin{pmatrix} 4 \\ 1 \end{pmatrix}$, $A \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix}$ et $B \begin{pmatrix} 2 \\ 7 \end{pmatrix}$

Calculez les produits scalaires suivants :

$$\vec{u} \cdot \vec{v} =$$

$$\vec{u} \cdot \overrightarrow{AB} =$$

Exercice 4 (2 points)

Soit les vecteurs \vec{u} et \vec{v} orthogonaux et tels que $\|\vec{u}\| = a$ et $\|\vec{v}\| = b$

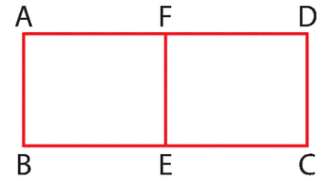
Exprimez en fonction de a et b les produits scalaires suivants :

$$\vec{v} \cdot (\vec{v} + 3\vec{u}) =$$

$$(\vec{u} - 2\vec{v})^2 =$$

Exercice 1 (4 points)

On considère un rectangle ABCD tel que AB = 3 et BC = 8. Les points E et F sont les milieux des segments [BC] et [AD]. Calculez les produits scalaires suivants :



$$\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AE} = \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AB} = AB \times AB = \boxed{9} \text{ (En projetant } \overrightarrow{AE} \text{ sur } \overrightarrow{AB} \text{)}$$

$$\overrightarrow{FB} \cdot \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{EB} \cdot \overrightarrow{BC} = -EB \times BC = -4 \times 8 = \boxed{-32} \text{ (En projetant } \overrightarrow{FB} \text{ sur } \overrightarrow{BC} \text{)}$$

$$\overrightarrow{DF} \cdot \overrightarrow{CB} = DF \times CB = 4 \times 8 = \boxed{32}$$

$$\overrightarrow{AD} \cdot \overrightarrow{BA} = \boxed{0}$$

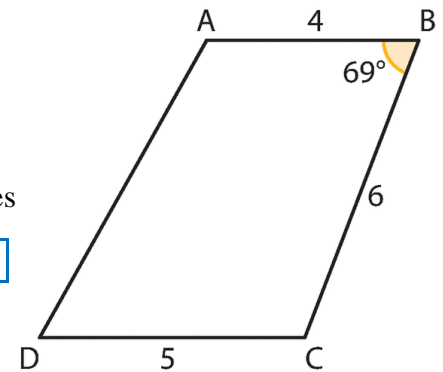
$$\overrightarrow{BC} \cdot \overrightarrow{BD} = \overrightarrow{BC} \cdot \overrightarrow{BC} = BC \times BC = 8 \times 8 = \boxed{64} \text{ (En projetant } \overrightarrow{BD} \text{ sur } \overrightarrow{BC} \text{)}$$

Exercice 2 (2 points)

On donne la figure ci-contre.

Calculez le produit scalaire suivant en donnant le résultat arrondi à 0,01 près

$$\overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{BC} = BA \times BC \times \cos(\widehat{ABC}) = 4 \times 6 \times \cos(69) \approx \boxed{8,60 \text{ à } 0,01 \text{ près}}$$



Exercice 3 (2 points)

Dans un repère orthonormé, on donne $\vec{u} \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix}$, $\vec{v} \begin{pmatrix} 4 \\ 1 \end{pmatrix}$, $A \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix}$ et $B \begin{pmatrix} 2 \\ 7 \end{pmatrix}$

Calculez les produits scalaires suivants :

$$\vec{u} \cdot \vec{v} = -1 \times 4 + 3 \times 1 = -4 + 3 = \boxed{-1}$$

$$\vec{u} \cdot \overrightarrow{AB} = \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x_B - x_A \\ y_B - y_A \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 + 2 \\ 7 - 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 4 \\ 4 \end{pmatrix} = -1 \times 4 + 3 \times 4 = -4 + 12 = \boxed{8}$$

Exercice 4 (2 points)

Soit les vecteurs \vec{u} et \vec{v} orthogonaux et tels que $\|\vec{u}\| = a$ et $\|\vec{v}\| = b$

Exprimez en fonction de a et b les produits scalaires suivants :

$$\vec{v} \cdot (\vec{v} + 3\vec{u}) = \vec{v}^2 + 3\vec{u} \cdot \vec{v} = \|\vec{v}\|^2 + 0 = \boxed{b^2}$$

$$(\vec{u} - 2\vec{v})^2 = \vec{u}^2 - 4\vec{u} \cdot \vec{v} + 4\vec{v}^2 = \|\vec{u}\|^2 - 0 + 4\|\vec{v}\|^2 = \boxed{a^2 + 4b^2}$$